

**MESURES SUR LE REFROIDISSEMENT STOCHASTIQUE DE LEAR**

F. Caspers, M. Chanel, J.C. Perrier, E. Roux, J.L. Sanchez

**Les conditions**

- Faisceau dégroupé sur le flat-top à 609 MeV/c,  $N = 12 \times 10^9$  protons,
- Dispersion en fréquence  $(\Delta f/f)_{2\sigma} \equiv 10^{-3}$ ,
- Equilibre entre forces de refroidissement et forces de chauffage du faisceau (frottement interne, résonances...).

**Les mesures**

Le but est de mesurer l'optimisation du refroidissement dans les plans transversaux en comparant trois méthodes et la théorie.

1. La mesure de l'atténuation du signal Schottky lorsque le système de refroidissement est enclenché; mesure du signal sur le sommet de la distribution, mesure du bruit à l'écart de la distribution des particules boucle ouverte et boucle fermée, calcul de la densité spectrale du signal faisceau, suppression du bruit, calcul du rapport signal/bruit et atténuation en dB (10 Log[rapport des densités spectrales boucle ouverte et fermée]), ceci pour plusieurs bandes latérales espacées sur la bande passante du système (voir tableaux 1 et 2 et figures 1 et 2).
2. La mesure de l'atténuation du signal Schottky lorsque le système de refroidissement est enclenché; mesure du signal avec intégration du signal, mesure du bruit à l'écart de la distribution des particules boucle ouverte et boucle fermée, calcul de la densité spectrale du signal de faisceau, suppression du bruit, intégration, calcul du rapport signal/bruit et l'atténuation en dB (10 Log[rapport des intégrales signal boucle ouverte et fermée]), ceci pour plusieurs bandes latérales espacées sur la bande passante du système (voir tableau 3 et figures 3 et 4).
3. La mesure de la fonction de transfert du faisceau (BTF) avec un analyseur de réseau digital, ce qui permet de mesurer sur le sommet de toutes les bandes latérales en une seule fois. Cette mesure ( $S$ ) est reliée à l'atténuation ( $T$ ) par la relation  $T = 1/(1+S)$ . La réponse BTF  $S$  est donnée en dB par  $S_{dB} = 20 \text{ Log } S_{lin}$ , de même  $T_{dB} = 20 \text{ Log } T_{lin}$  (voir tableau 4 et figures 3 et 4).

**Les résultats**

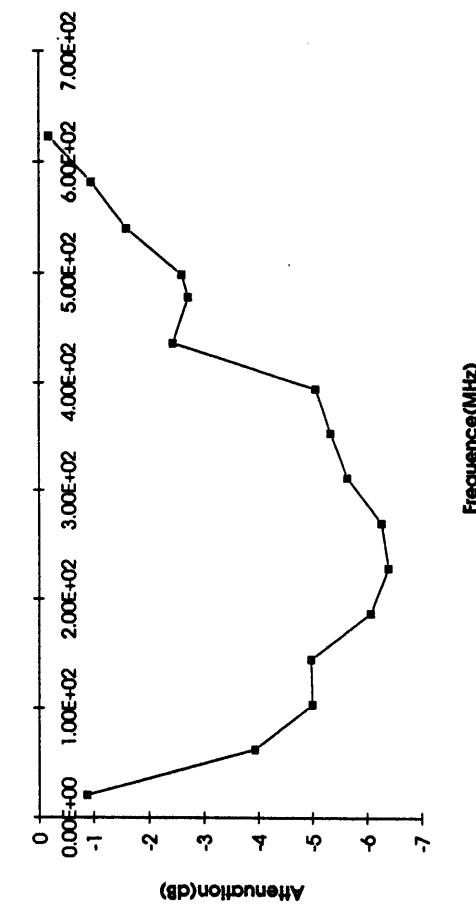
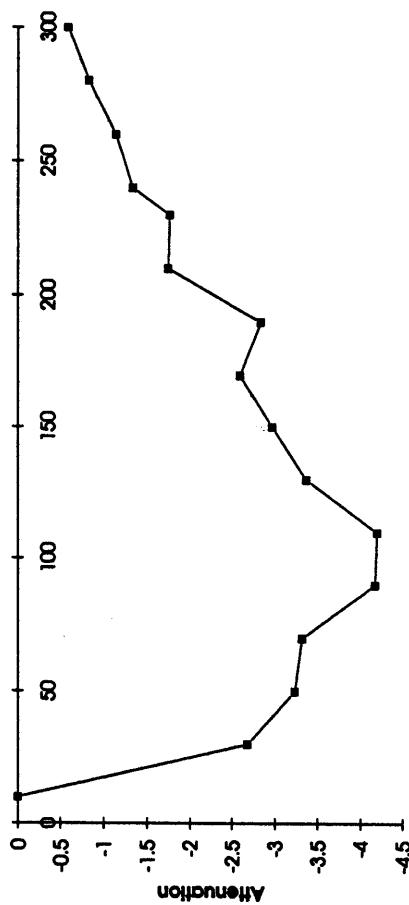
1. Les figures 3 et 4 montrent les comparaisons des différentes mesures d'atténuation. Il y a une bonne correspondance de la forme en fonction de la fréquence entre les mesures BTF et densité spectrale, prises toutes les deux sur le sommet de la distribution. En vertical, les deux mesures n'ont pas été prises avec le même gain global du système (différence 3 dB). L'atténuation mesurée par l'intégrale souffre, vers les hautes fréquences, d'une erreur due au recouvrement partiel de la bande latérale avec le signal de mode commun et ne peut donc pas être considérée comme fiable.

2. En utilisant les mesures de signal/bruit (tableaux 1 et 2) et la théorie simplifiée du refroidissement stochastique (D. Möhl, CAS Oxford, CERN 87-03, p. 533), il est aisé de calculer la réponse BTF optimale, donc l'atténuation optimale, et de comparer avec les mesures (figures 5 à 9). Nous constatons que l'atténuation et la BTF mesurées sont systématiquement trop élevées aux fréquences comprises entre 100 et 300 MHz et trop faibles aux fréquences plus élevées. La figure 10 montre les changements de gain à appliquer en fonction de la fréquence sur les deux systèmes. La forme déjà appliquée (environ 10 dB/décade) est à augmenter à environ 20 dB/décade : voir confirmation par théorie (M. Chanel : publication en cours).
3. La mesure du rapport signal/bruit (les tableaux 1, 2, 3 et les figures 11 et 12 indiquent qu'à cette quantité de mouvement, ce rapport est encore très bon, même aux conditions d'équilibre entre refroidissement et frottement interne.

Mesures prises en décembre 1993.

Tableau 1: Mesure dans le plan Horizontal sommet de la bande latérale

Bande latérale No	Freq. (MHz)	Noise	Signal cooling off	Signal cooling on	densité spectrale cooling off	densité spectrale cooling on	Atténuation de densité spectrale	S/N local
10 2.08E-01	128	206	194	26052	21252	-0.88441262	1.590088	
30 6.23E-01	104	356	240	115920	46784	-3.94061022	10.71746	
50 1.04E+02	90	351	211	115101	36421	-4.99721231	14.21	
70 1.45E+02	81	321	193	96480	30688	-4.97448709	14.70508	
90 1.87E+02	78	385	203	142141	351295	-0.07103034	23.36308	
110 2.29E+02	63	329	167	104272	23920	-0.394046528	26.2716	
130 2.70E+02	65	290	152	79875	18679	-0.26431885	18.90533	
150 3.12E+02	65	248	141	57279	15656	-5.63314615	13.55716	
170 3.53E+02	59	212	125	41483	12144	-5.33298963	11.91123	
190 3.95E+02	55	185	113	31200	9744	-5.05417319	10.31405	
210 4.36E+02	40	121	95	13041	7425	-2.44614437	8.150625	
230 4.78E+02	54	130	102	13984	7488	-2.7126558	4.79561	
240 4.99E+02	50	117	93	11189	6149	-2.59986781	4.47559	
250 5.40E+02	45	85	75	5200	3600	-1.59700843	2.56790	
280 5.82E+02	42	68	62	2592	2080	-0.95571662	1.469388	
300 6.23E+02	38	52	51.5	1260	1208.25	-0.1823741	0.872576	

Figure 1: Schottky power density attenuation when Cooling ON  
(HOR, 609 MeV/c)Figure 2: SCHOTTKY power density attenuation when cooling ON  
(VERT, 609 MeV/c)

Harmonic number

Tableau 2: Mesure dans le plan Vertical sommet de la bande latérale

Bande latérale No	Freq. (MHz)	Noise	Signal cooling off	Signal cooling on	densité spectrale cooling off	densité spectrale cooling on	Atténuation de densité spectrale	S/N local
10 2.08E+01	180	254	223	32116	17329	-2.67947948	0.991235	
30 6.23E+01	135	221	181	30416	14536	-3.23503535	1.67989	
50 1.04E+02	116	259	196	53425	24960	-3.32122724	3.985211	
70 1.45E+02	113	297	204	75440	28847	-4.17501025	5.908059	
90 1.87E+02	97	275	186	66216	25187	-4.197845	7.037517	
110 2.29E+02	76	202	148	35028	16128	-3.36834826	6.064404	
130 2.70E+02	74	207	156	37373	18860	-2.97016272	6.824872	
150 3.12E+02	67	150	120	18011	9911	-2.5942035	4.012252	
170 3.53E+02	63	143	112	16480	8575	-2.83123079	4.152179	
190 3.95E+02	50	126	107	13376	8949	-1.74551752	5.3504	
210 4.36E+02	46	78	69	2668	2645	-1.6145987	1.875236	
230 4.78E+02	33	61	55	2632	1936	-1.3380532	2.416896	
240 4.99E+02	41	73	67	3648	2808	-1.13457726	2.170137	
260 5.40E+02	32	53	50	1785	1476	-0.82251843	1.743164	
280 5.82E+02	26	35	34	549	480	-0.58331107	0.81213	
300 6.23E+02	23	26	26	147	147	0	0.277883	

Tableau 3: Mesure bande latérale, intégrale

Bande latérale No	Freq. (MHz)	Atténuation signal vertical	Atténuation signal horizontal (dB)	signal bruit vert. (dB)	signal bruit hor. (dB)
10	2.08E+01	-1.6	-1.7	-18.38	-14.48
20	4.16E+01	-2.9	-2.7	-15.68	-9.61
30	6.23E+01	-1.8	-3.4	-13.05	-6.36
40	8.31E+01	-1.2	-3.7	-9.77	-4.055
50	1.04E+02	-1.6	-4.1	-6.51	-2.48
60	1.25E+02	-1.7	-4.3	-4.68	-0.84
70	1.45E+02	-1.8	-4	-3.69	0.135
80	1.66E+02	-2.3	-4	-4.36	0.543
90	1.87E+02	-2	-4.3	-4.4	1.211
100	2.08E+02	-2.1	-4.7	-3.2	2.4
110	2.29E+02	-1.9	-4.5	-2.04	2.67
120	2.49E+02	-2.1	-4.1	-1.13	3.27
130	2.70E+02	-2.5	-4.7	-0.29	3.56
140	2.91E+02	-2.3	-5.1	-1.27	3.005
150	3.32E+02	-2.3	-6.5	-3.08	3.88
170	3.53E+02	-2.2	-6.2	-1.59	3.39
180	3.74E+02	-1.7	-5.4	0.333	3.342
190	3.95E+02	-1.7	-5.1	0.325	3.24
200	4.16E+02	-1.7	-3.3	-1.71	2.79
210	4.36E+02	-1.9	-2.9	-4.44	2.62
230	4.78E+02	-0.6	-3.5	-2.91	-1.12
240	4.99E+02	-0.2	-4.5	-3.25	-3.99

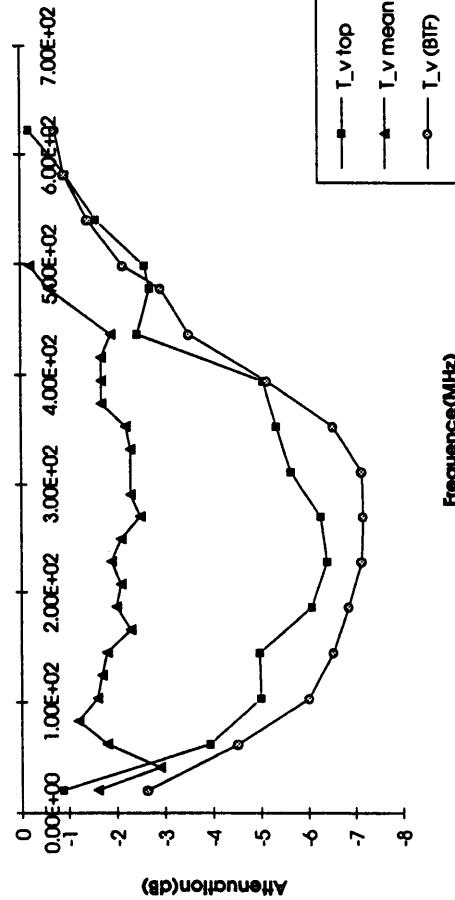
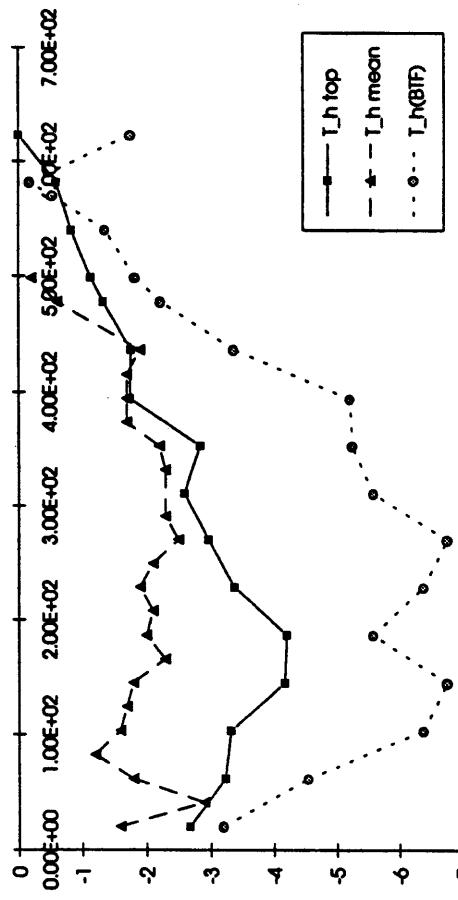
Figure 3: Schottky signal attenuation when Cooling ON  
(VERT., 609 MeV/c)Figure 4: Schottky signal attenuation when Cooling ON  
(HOR., 609 MeV/c)

Tableau 4: Mesure BTF

Bande latérale No	Freq. (MHz)	mesure btf horizontale S_h	mesure btf déduite S_v	Atténuation btf verticale S_v	Atténuation déduite S_v
10	2.08E+01	-9	-2.63758996	-7	-3.2074711
30	6.23E+01	-3.3	-4.526386	-3.25	-4.546728
50	1.04E+02	0	-0.0365999	0.7	-0.3776497
70	1.45E+02	1	-0.53449331	1.4	-0.7487761
90	1.87E+02	1.6	-0.8573893	-0.9	-0.5822515
110	2.29E+02	2.1	-1.1339109	0.7	-0.3776497
130	2.70E+02	2.15	-7.1619539	1.4	-6.7487761
150	3.12E+02	2.1	-7.1339109	-0.9	-5.5822515
170	3.53E+02	1	-0.53449331	-1.62	-5.2483135
190	3.95E+02	-1.86	-5.1402927	-1.7	-5.2121241
210	4.36E+02	-6	-3.52846972	-0.5	-3.3649468
230	4.78E+02	-7.9	-2.9394014	-10.7	-2.2235203
240	4.99E+02	-11	-2.15666448	-12.6	-1.8292793
260	5.40E+02	-15	-1.4216371	-15.4	-1.3424133
280	5.82E+02	-19	-0.92345722	-13.9	-0.1734142
300	6.23E+02	-21	-0.7415553	-13	-1.7547208

Tableau 5: comparaison mesures BTF.Théorie									
Bande latérale No	Freq. (MHz)	Btf mesurée déduite top dist.	T_h S_v	T_v théorique	T_h théorique	bif_h théorique	bif_v théorique	bif_h théorique	bif_v théorique
10	2.08E+01	-9	-2.4375896	-7	-3.2074711	-4.02003	-1.91511	-4.6043	-12.15727
30	6.23E+01	-3.3	-4.526386	-3.25	-4.546729	-5.13692	-3.462079	-1.86755	-0.250074
50	1.04E+02	0	-6.0205699	0.7	-6.3776497	-5.42574	-4.10125	-1.23347	-4.385798
70	1.45E+02	1	-6.5349831	1.4	-6.7487761	-5.54553	-4.42433	-0.97763	-3.5534722
90	1.87E+02	1.6	-6.8573893	-0.9	-5.5822515	-5.59928	-4.59344	-0.86412	-3.135237
110	2.29E+02	2.1	-7.1339109	0.7	-6.3776497	-5.61639	-4.66955	-0.82815	-2.951663
130	2.70E+02	2.15	-7.1619539	1.4	-6.7487761	-5.60594	-4.67733	-0.85011	-2.9329662
150	3.12E+02	2.1	-7.1339109	-0.9	-5.5822515	-5.56779	-4.62435	-0.93053	-3.0607553
170	3.53E+02	1	-6.5349831	-1.62	-5.2483135	-5.4942	-4.50724	-1.08677	-3.3472171
190	3.95E+02	-1.86	-5.1402927	-1.7	-5.2121241	-5.3667	-4.31294	-1.36106	-3.8352983
210	4.36E+02	-6	-3.5286972	-6.5	-3.3494948	-5.14435	-4.01771	-1.84644	-4.610863
230	4.78E+02	-7.9	-2.9394014	-10.7	-2.2235203	-4.75002	-3.58602	-2.7594	-5.8294215
240	4.99E+02	-11	-2.1566648	-12.6	-1.8292793	-4.43565	-3.30535	-3.52514	-6.6869158
260	5.40E+02	-15	-1.4216371	-15.4	-1.3624133	-3.39009	-2.59075	-6.42196	-9.1802271
280	5.82E+02	-19	-0.9236722	-13.9	-1.5969088	-1.55497	-1.68219	-14.1528	-13.40412
300	6.23E+02	-21	-0.7415553	-13	-0.212384	-0.016576	-0.728551	-54.37783	-21.160265

Figure 5: Theoretical and measured(BTF) horizontal attenuation

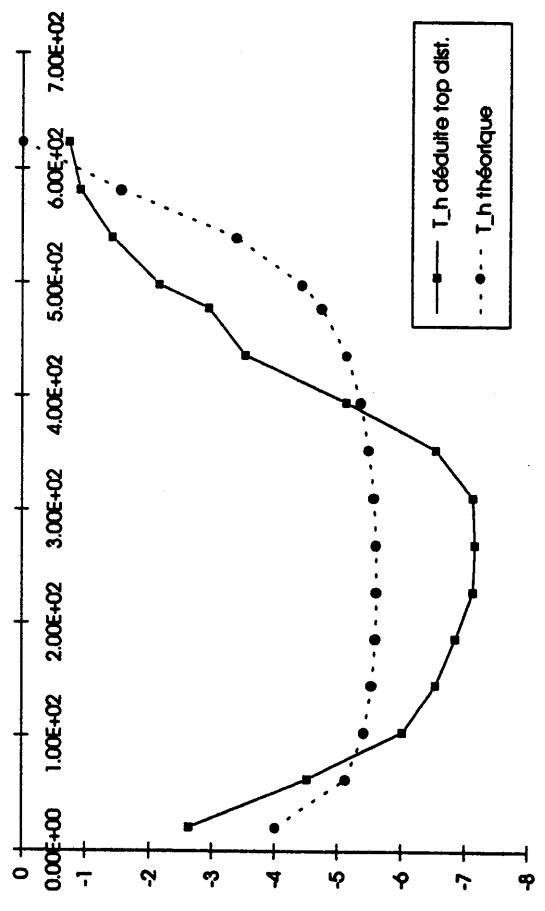


Figure 6: Theoretical and measured(BTF) vertical attenuation

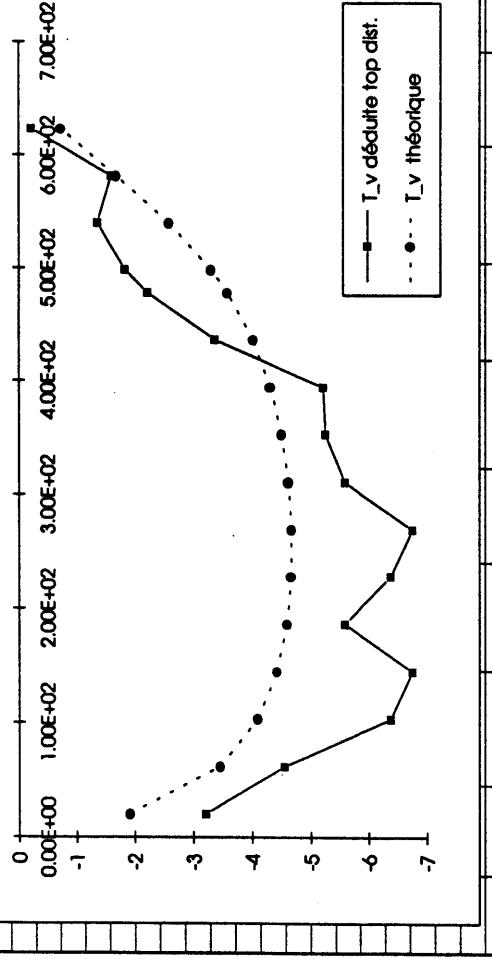


Figure 7: BTF SHOULD LOOK LIKE THIS

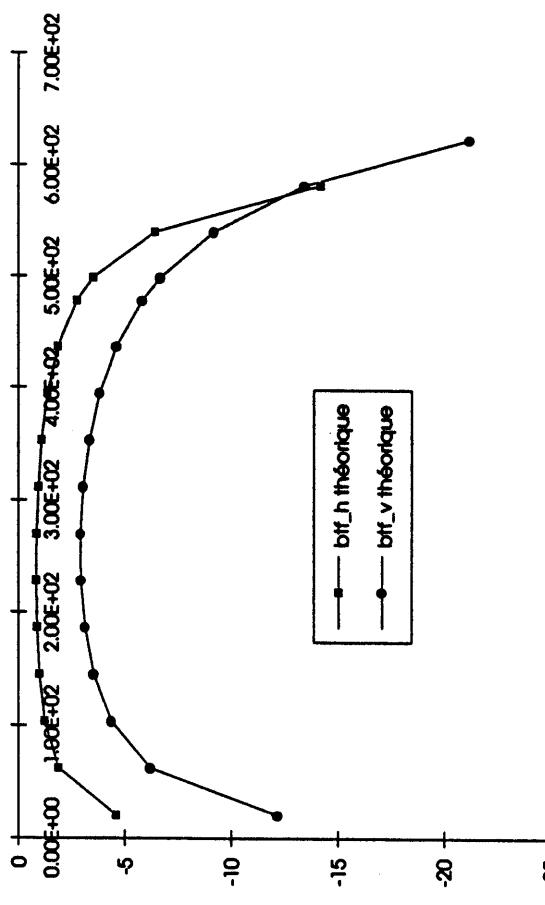


Tableau 6: Comparaison des mesures et théorie que changer

Bande latérale No	Freq. (MHz)	bif mesurée S_h	bif mesurée S_v	T_h théorique	T_v théorique	bif_h théorique	bif_v théorique	to do_h	to do_v
10	2.08E+01	-9	-7	-4.02003	-1.91511	-4.6043	-12.1572699	4.3057	-5.1572699
30	6.23E+01	-3.3	-3.25	-5.13692	-3.46079	-1.867553	-6.20500739	1.432447	-2.9850074
50	1.04E+02	0	0.7	-5.42574	-4.10125	-1.233474	-4.38679803	-1.23347	-5.086798
70	1.45E+02	1	1.4	-5.54553	-4.42433	-0.977635	-3.55347225	-1.97763	-4.934722
90	1.87E+02	1.6	-0.9	-5.59928	-4.59344	-0.841123	-3.15582371	-2.46412	-2.2358237
110	2.29E+02	2.1	0.7	-5.61639	-4.66955	-0.828152	-2.95166304	-2.92815	-3.651663
130	2.70E+02	2.15	1.4	-5.60594	-4.67733	-0.850112	-2.93296624	-3.00011	-4.3329662
150	3.12E+02	2.1	-0.9	-5.56779	-4.62435	-0.93053	-3.00675532	-3.03053	-2.1607553
170	3.53E+02	1	-1.62	-5.49442	-4.50724	-1.086772	-3.34721708	-2.08677	-1.7272171
190	3.95E+02	-1.86	-1.7	-5.3667	-4.31294	-1.361065	-3.3552983	0.498935	-2.1352983
210	4.36E+02	-6	-6.5	-5.14635	-4.10177	-1.846445	-4.61056303	4.1153555	1.88943497
230	4.78E+02	-7.9	-10.7	-4.75002	-3.58602	-2.759401	-5.8294249	5.140599	4.87057851
240	4.99E+02	-11	-12.6	-4.43565	-3.30535	-3.525138	-6.68691576	7.474862	5.91308424
260	5.40E+02	-15	-15.4	-3.39009	-2.59075	-6.421955	-9.18022709	8.5778045	6.21977291
280	5.82E+02	-19	-13.9	-1.55497	-1.68219	-14.15276	-13.4041199	4.847235	0.49588008
300	6.23E+02	-21	-13	-0.01658	-0.728551	-54.137835	-21.1602654	-33.3783	-8.1602654

Figure 8: COMPARE MEASURED\_H AND TH.\_H BTF

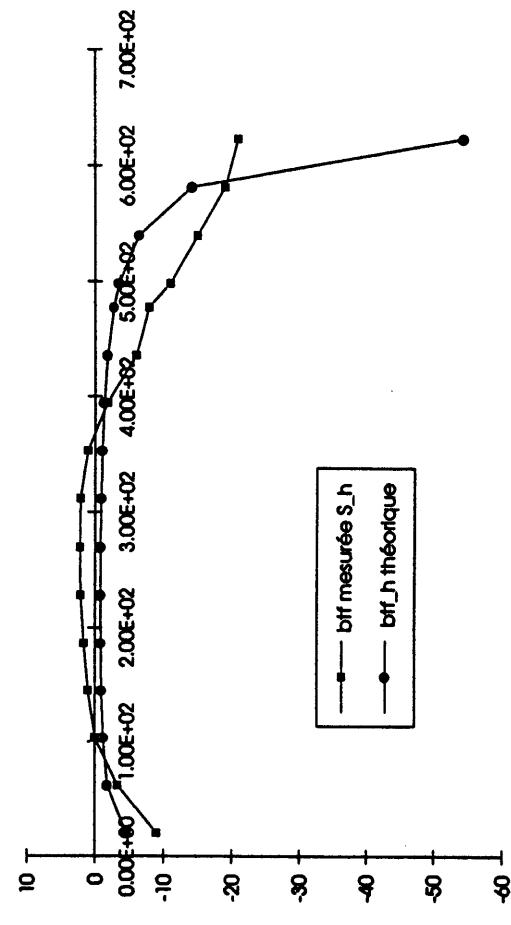


Figure 9:COMPARE MEASURED\_V AND TH\_V BTF

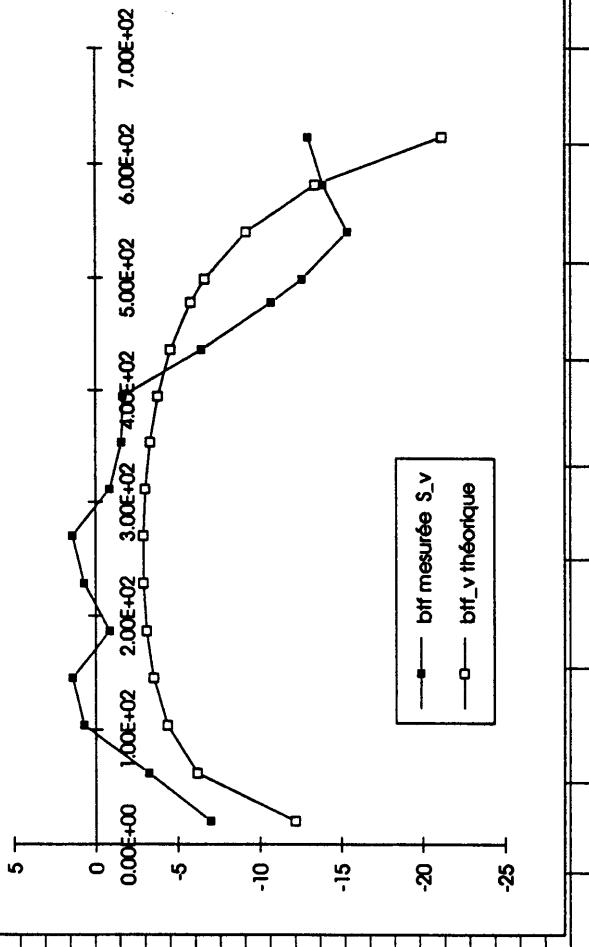
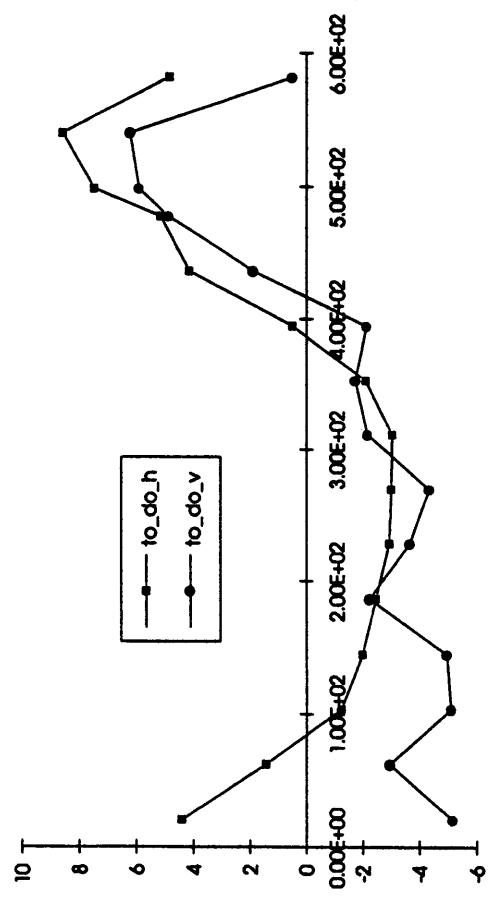
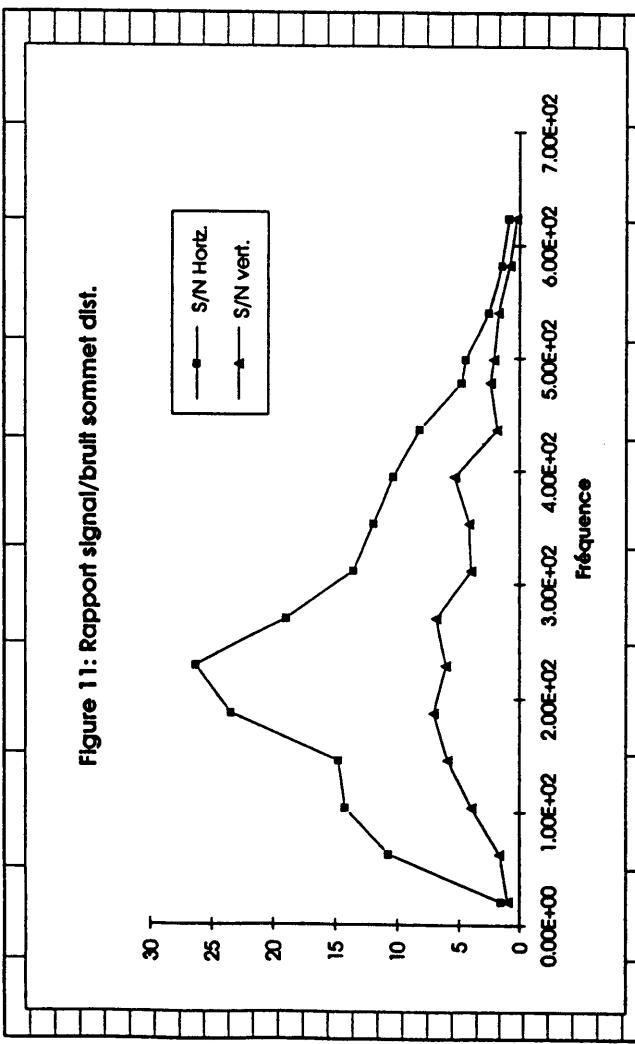


Figure 10:Modif. to system gain



**Figure 12: rapport signal sur bruit (dB), intégrate 1/2 frev**